## Devoirs surveillé n° 1 8h00 – 12h00 4 heures

#### Calculatrice NON autorisée

Le candidat attachera la plus grande importance à la clarté, à la précision et à la concision de la rédaction.

Toutes les interprétations seront comptabilisées

Si un candidat est amené à repérer ce qui peut lui sembler être une erreur d'énoncé, il le signalera sur sa copie et devra poursuivre sa composition en expliquant les raisons des initiatives qu'il a été amené à prendre.

#### RAPPEL DES CONSIGNES

- Utiliser uniquement un stylo noir ou bleu foncé non effaçable pour la rédaction de votre composition; d'autres couleurs, excepté le vert, peuvent être utilisées, mais exclusivement pour les schémas et la mise en évidence des résultats.
- Ne pas utiliser de correcteur.
- Écrire le mot FIN à la fin de votre composition.

Le devoir se compose de 2 problèmes. Les 4 parties du 1er problème sont indépendantes.

## 1er problème

Préliminaire : valable pour tous les circuits à ALI du problème

Un ALI est supposé idéal de gain différentiel infini.

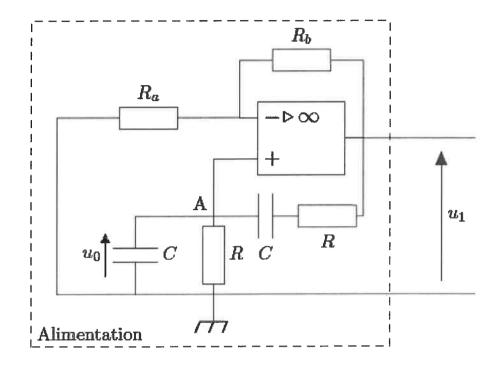
Ses tensions de saturation sont +Vsat et -Vsat.

On suppose également que ses limites de saturation en courant ne sont jamais atteintes. On note V+ le potentiel électrique à l'entrée non-inverseuse, et V- le potentiel électrique à l'entrée inverseuse. Soit Vs la tension de sortie.

- 1. Représenter le schéma électrique du composant. Que signifie ALI idéal de gain différentiel infini ?
- 2. Tracer l'allure de la caractéristique  $V_s = f(V+-V-)$  sous ces hypothèses.
- 3. Donner une condition nécessaire sur un montage pour que l'ALI puisse fonctionner en régime linéaire. Quelle relation alors a-t-on entre V+ et V-?

# 1ère partie: Alimentation sinusoïdale

On considère le circuit d'alimentation ci-dessous où l'ALI est supposé idéal de gain différentiel infini et fonctionne en régime linéaire.



4. En appliquant une loi des mailles, déterminer une relation entre  $\frac{du_0}{dt}$ ,  $\frac{du_1}{dt}$ , R, C et le courant i circulant dans l'association RC série ainsi que  $\frac{di}{dt}$ , puis en appliquant une loi des nœuds au point A, montrer que la tension  $u_0$  repérée sur le schéma vérifie l'équation différentielle

$$\frac{\mathrm{d}u_1}{\mathrm{d}t} = \frac{1}{\omega_0} \frac{\mathrm{d}^2 u_0}{\mathrm{d}t^2} + 3 \frac{\mathrm{d}u_0}{\mathrm{d}t} + \omega_0 u_0$$

où l'on précisera l'expression de  $\omega_0$ .

- 5. Démontrer par ailleurs que  $u_1 = Gu_0$  où l'on exprimera G en fonction de Ra et Rb.
- 6. En déduire une condition sur G, puis sur Ra et Rb pour que le système d'alimentation délivre une tension façon sinusoïdale. On exprimera la fréquence  $f_0$  de ces oscillations en fonction de R et C.
- 7. A quelle condition les oscillations démarrent-elles ?

# 2<sup>e</sup> partie : Mesure de la température du lac de Joux

Le lac de Joux en Suisse est le plus grand plan d'eau du massif jurassien. On cherche à mesurer sa température.

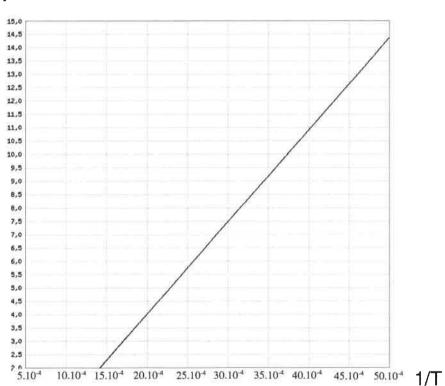
En été, la température du lac fluctue entre 18°C et 24°C (soit entre 291 K et 297 K).

Pour la mesurer, on se propose d'utiliser une thermistance : il s'agit d'un composant ohmique dont la résistance dépend de la température selon la loi :

$$R(T) = R_0 \, e^{B\left(\frac{1}{T} - \frac{1}{T_0}\right)}$$
 où T est la température absolue en K et  $T_0 = 294$  K. et où  $R_0$  et B sont des constantes positives.

- . Tracer l'allure de la courbe R(T).
- $\mathfrak{I}_{\bullet}$ . Des mesures expérimentales ont permis de tracer ci-dessous en échelle semi-logarithmique, la courbe  $\ell$ n(R) en fonction de 1/T.





Expliquer en quoi ce graphe permet de valider la loi R(T) et de déterminer B et R<sub>0</sub>.

On détermine ainsi :  $B = 3500 \text{ K et } R_0 = 8000 \Omega$ .

AD. On définit la sensibilité s (appelée aussi coefficient de température) de la thermistance par :

$$s = \frac{1}{R} \frac{dR}{dT}$$

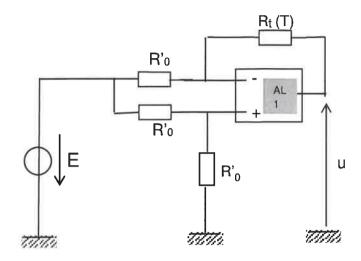
Déterminer, pour une température T voisine  $deT_0$ , l'expression de s en fonction de B et  $T_0$ .

3

- √ 4. L'expression précédente conduit à la valeur s = 0,04 K<sup>-1</sup>. Serait-il préférable d'utiliser une résistance métallique dont le coefficient de température est typiquement de l'ordre de 0,5 % K<sup>-1</sup>?
- A p. En ajoutant en parallèle avec la thermistance, un résistor convenablement choisi, on obtient une résistance totale R<sub>t</sub> qui varie de façon quasi-affine avec la température autour de la valeur T<sub>0</sub>, selon la loi :  $R_t(T) = R'_0 [1 + \alpha(T T_0)]$  avec  $R'_0 = 5000 \Omega$  et  $\alpha = -2.10^{-2} \text{ K}^{-1}$ .

Quel inconvénient la linéarisation ainsi effectuée présente-t-elle ?

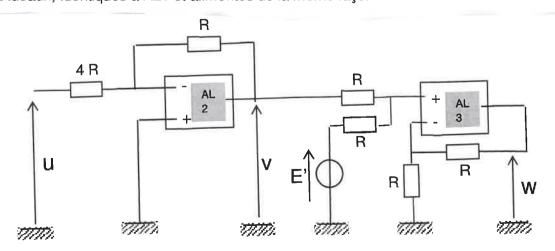
On souhaite obtenir une tension proportionnelle à la température. Pour cela, la résistance  $R_t$  est insérée dans le montage suivant :



Le montage comprend un générateur idéal de tension continue de force électromotrice E = 400 V et un A.L.I. (AL1) dont l'alimentation (+15 V, -15 V) n'est pas représentée.

La tension de saturation est Usat = 15 V. ( ALI fonctionne ten regime lineaire.

- 13. Exprimer u en fonction de E et des résistances R'o et R<sub>t</sub>(T).
- 14. Déterminer la tension de sortie u du montage en fonction de E,  $\alpha$  et de la différence (T-T<sub>0</sub>).
- 14. Vérifier que pour la plage de température considérée, l'hypothèse du régime linéaire est validée.
  - **16.** La tension u précédente est placée à l'entrée du montage suivant dans lequel AL2 et AL3 sont des A.L.I. idéaux, identiques à AL1 et alimentés de la même façon. On donne  $R = 1 \text{ k}\Omega$ .

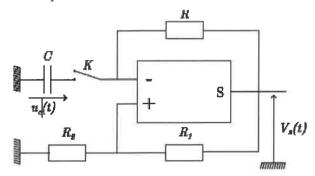


Exprimer v en fonction de u puis w en fonction de v et E'.

17. Montrer que pour une valeur bien choisie de E' que l'on précisera, la tension w correspond exactement à la température  $\theta$  exprimée en °Celsius. (On rappelle  $\theta$ (°C) = T(K) – 273).

# 3<sup>e</sup> partie: Clignotement

Le but de cette partie est de proposer un modèle de circuit électronique pouvant contrôler un phénomène de clignotement d'ampoules.



À t = 0, le condensateur est déchargé et on ferme l'interrupteur K. La tension de sortie Vs(t = 0+) vaut alors +Vsat juste après la fermeture de K. L'ALI fonctionne en régime saturé.

- 18. Exprimer V+(t) en fonction de R<sub>1</sub>, R<sub>2</sub> et V<sub>s</sub>(t).
- 19. En déduire l'expression de  $\varepsilon(t=0^+)=V+(t=0^+)-V-(t=0^+)$
- 20. Montrer que  $u_c(t > 0)$  est solution de l'équation différentielle  $\frac{du_C}{dt} + \frac{u_C}{\tau} = \frac{V_{sat}}{\tau}$ .
- 21. Résoudre cette équation différentielle.
- 22. Montrer qu'à un instant  $t_1$  à exprimer en fonction de  $R_1$ ,  $R_2$ , et R et C, la tension  $V_S$  bascule de  $V_S$  at  $V_S$  at V
- 23. Montrer que la sortie va basculer de nouveau de -Vsat à +Vsat à l'instant  $t_2$  tel que :

$$t_2 = t_1 + RC \ln \left( 1 + \frac{2R_2}{R_1} \right)$$

Par une méthode similaire, on peut montrer que la sortie va basculer à nouveau de +Vsat à -Vsat à l'instant  $t_3$  tel que  $t_3-t_2=t_2-t_1$ , ce que l'on pourra admettre dans la suite.

- 24. Représenter sur un même graphique les évolutions temporelles de uc(t), V+(t) et Vs(t) entre t=0 et  $t=t_3$ .
- 25. On construit ce montage avec  $R = 470 \text{ k}\Omega$ , C = 500 nF,  $R_1 = 1,00 \text{ k}\Omega$  et  $R_2 = 3,30 \text{ k}\Omega$ . Déterminer numériquement un ordre de grandeur de la fréquence de l'oscillateur en régime établi. On donne  $\ln(7,6) \approx 2,0$ .
- 26. On dispose au laboratoire des composants requis, sauf pour le condensateur : on ne dispose que de condensateurs de capacité 1,000  $\mu$ F. Comment peut-on faire pour construire quand même le montage avec les valeurs de la question précédente ? Justifier.

# 4<sup>e</sup> partie : Résolution de problème Conditionnement d'un pluviomètre

La mesure des précipitations sur un territoire est importante pour prévoir l'évolution du débit de ses cours d'eau, et gérer de manière optimale les ressources en eau. Le volume de précipitations est généralement mesuré à l'aide d'un réseau de pluviomètres répartis sur le territoire, qui déterminent localement la hauteur d'eau tombée au sol par unité de surface pendant un intervalle de temps donné. Parmi les différents types de pluviomètre qui existent, nous allons étudier dans cette partie le fonctionnement d'un pluviomètre capacitif, qui est basé sur la mesure d'une capacité électrique C(h) où h est la hauteur des précipitations.

Pour mesurer la capacité électrique C(h) du pluviomètre, ce dernier est inséré dans le multivibrateur astable présenté en **Figure 7**, qui est constitué de deux amplificateurs linéaires intégrés (ALI).

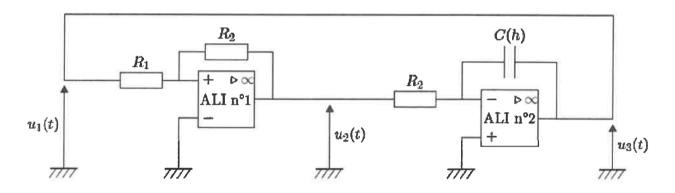


Figure 7 : Multivibrateur astable réalisant le conditionnement du pluviomètre.

27. Montrer que la période des tensions électriques de ce montage est proportionnelle à la capacité C(h) du pluviomètre.

2º problème

# Dictée d'un message : principe de l'échantillonnage

La communication via les téléphones portables a également fait évoluer les pratiques. Si autrefois, on « passait un coup de fil » désormais les messages SMS ont révolutionné la communication : 200 000 SMS sont envoyés chaque seconde dans le monde, soit le chiffre de 6100 milliards expédiés sur l'année! Mais ce n'est pas pour autant que l'utilisateur pianote sur son clavier, le texte ne se tape plus, on le dicte à son téléphone qui le retranscrit en message textuel. Dans cette partie, on s'intéresse à ce système de reconnaissance vocale (speech-to-text) en mettant en évidence quelques critères pour assurer une traduction correcte de la dictée.

## Échantillonnage par échantillonneur bloqueur

On considère dans un premier temps un signal s(t) composé d'une composante sinusoïdale, d'amplitude crête à crête 3 V et de fréquence f = 1/T = 100 Hz, et d'une composante continue dont la valeur de tension est 1.5 V. On souhaite échantillonner ce signal avec une période  $T_e$ .

Dessiner soigneusement l'allure du signal s(t). Expliquer le principe de l'échantillonnage de ce signal analogique. On pourra faire apparaître la période  $T_e$  sur le dessin.

Pour réaliser cette opération, on utilise un interrupteur commandé CD4016 appelé échantillonneur bloqueur à tension positive. La figure 1 reproduit un extrait des caractéristiques de ce composant.

### **General Description**

The CD4016BM/CD4016BC is a quad bilateral switch intended for the transmission or multiplexing of analog or digital signals. It is pin-for-pin compatible with CD4066BM/ CD4066BC.

- Extremely high control input impedance  $10^{12}Ω$  (typ.) Low crosstalk between switches -50 dB (typ.)
- @  $f_{IS} = 0.9 \text{ MHz}$ ,  $R_{L} = 1 \text{ k}\Omega$ Frequency response, switch "ON" 40 MHz (typ.)

### **Features**

- Wide supply voltage range 3V to 15V
- Wide range of digital and analog switching ±7.5 V<sub>PEAK</sub> ■ "ON" resistance for 15V operation 400Ω (typ.)
- Matched "ON" resistance over 15V signal input
- $\Delta R_{ON} = 10\Omega$  (typ.) High degree of linearity 0.4% distortion (typ.) @  $f_{|S} = 1 \text{ kHz}, V_{|S} = 5 V_{p-p}$
- $V_{DD} V_{SS} = 10V$ ,  $R_L = 10 \text{ k}\Omega$ Extremely low "OFF" switch leakage 0.1 nA (typ.)  $V_{DD} - V_{SS} = 10V$ T<sub>A</sub>=25°C

## **Applications**

- Analog signal switching/multiplexing
  - Signal gating Squelch control

  - Chopper
  - Modulator/Demodulator
  - · Commutating switch
- Digital signal switching/multiplexing
- CMOS logic implementation
- Analog-to-digital/digital-to-analog conversion
- Digital control of frequency, impedance, phase, and analog-signal gain

## **Schematic and Connection Diagrams**

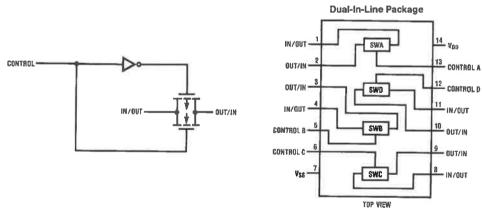


Figure 1 Extrait des caractéristiques du CD4016

Le montage proposé pour échantillonner le signal s(t) utilise les voies 1 et 2 et la borne de contrôle 13 reçoit le signal d'horloge. À la sortie du CD4016, on récupère le signal  $V_{\rm ech}(t)$  aux bornes d'un condensateur (figure 2).

Expliquer l'intérêt de récupérer le signal échantillonné  $V_{\rm ech}(t)$  aux bornes du condensateur de capaci-Q 29. té  $C_e$ .

Le signal d'horloge h(t) appliqué sur la borne 13 est généré par un signal logique de fréquence  $f_e=1/T_e=1.0 \mathrm{kHz}$ d'amplitude crête à crête de 10 V et de composante continue 5 V (ainsi le signal horloge évolue entre 0 V et 10 V). Il est utilisé en mode pulse dont on peut régler le rapport cyclique  $\alpha$ , qui est le rapport entre la durée pendant laquelle le signal délivre une tension de 10 V pendant une période et la période du signal.

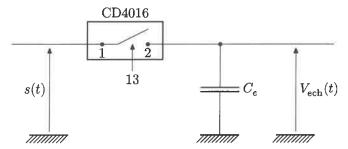


Figure 2 Montage échantillonneur bloqueur à tension positive

Q30. La figure 3 présente l'oscillogramme du signal d'horloge, dont le rapport cyclique vaut  $\alpha=2\%$ . Déterminer la valeur de la durée du pic.

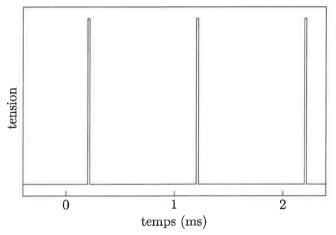


Figure 3 Signal d'horloge

Q 31. Les allures du signal échantillonné  $V_{\text{ech}}(t)$  et du signal s(t) sont représentées sur la figure 4. Commenter l'allure de l'oscillogramme ainsi obtenu.

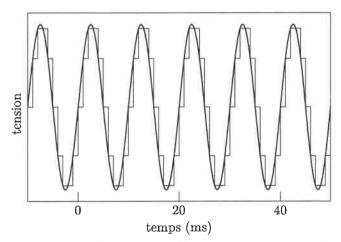


Figure 4 Superposition du signal s(t) et du signal échantillonné  $V_{\rm ech}(t)$ 

On réalise l'analyse spectrale du signal échantillonné  $V_{\rm ech}$  sur l'oscilloscope. On obtient alors les spectres (figure 5) dont on relève l'amplitude des différents pics dans le tableau 1.

pic	1	2	3	4	5	6	7
fréquence (Hz)	100	900	1100	1900	2100	2900	3100

Tableau 1 Relevé des harmoniques du spectre de  $V_{\rm ech}(t)$ 

Q 32 Expliquer l'existence des pics de fréquence supérieure à 100 Hz. Commenter les valeurs des fréquences obtenues dans le spectre de  $V_{\rm ech}(t)$ .

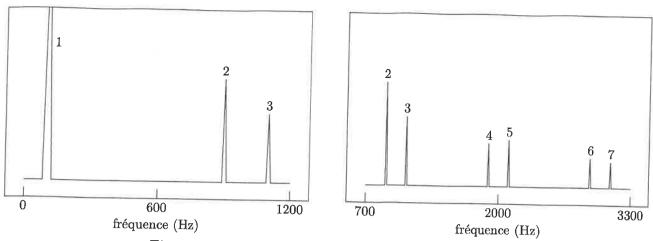


Figure 5 – Analyse spectrale du signal échantillonné  $V_{\rm ech}(t)$ 

On reprend le même montage que précédemment et le même signal d'horloge h(t), signal logique de fréquence  $f_e=1/T_e=1,0~{\rm kHz}$ . Désormais le signal s(t) est un signal de fréquence  $f=1/T=110~{\rm Hz}$  de la forme

$$s(t) = \frac{S}{2} + \frac{2S}{\pi} \sum_{k=0}^{+\infty} \frac{\sin \left( (2k+1) 2\pi f t \right)}{2k+1}.$$

Q 33. Représenter l'allure temporelle et spectrale du signal s(t). On se limitera à un nombre fini d'harmoniques (rang k=3).

Q 34. Représenter le spectre du signal échantillonné  $V_{\rm ech}(t)$  de ce nouveau signal s(t) par le même signal d'horloge h(t).

Q 35. Quel phénomène voit-on apparaître? Proposer un critère quantitatif pour y remédier afin d'assurer une retranscription correcte du signal s(t). Comment s'appelle ce critère?