

Exercice I :

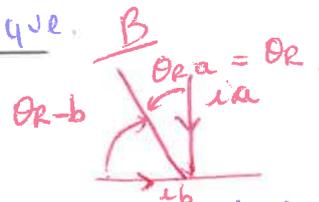
bon travail.

Q1: On cherche  $\vec{B}_{p=1}$  créé dans l'entre fer par les deux bobines du stator.

$$\begin{aligned} \text{Donc } \vec{B}_{p=1} &= \vec{B}_{b,p=1} + \vec{B}_{a,p=1} \\ &= k i_b(t) \sin \theta \vec{e}_r + k i_a(t) \cos \theta \vec{e}_r \\ &= k I_{\text{eff}} \sqrt{2} (\sin(\omega t) \sin \theta \vec{e}_r + \cos(\omega t) \cos \theta \vec{e}_r) \end{aligned}$$

$$\boxed{\vec{B}_{p=1} = k I_{\text{eff}} \sqrt{2} \cos(\omega t - \theta) \vec{e}_r}$$

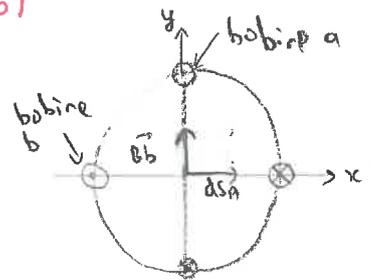
Le champ  $\vec{B}_{p=1}$  est bien un champ tournant (ou glissant) car il est de la forme  $B_p \cos(\omega t - \theta)$ , il tourne à la vitesse  $\omega_s$  et tourne dans le sens trigonométrique.



Q2: on sait que  $M_{aR} = M_0 \cos(\theta_R)$

comme la bobine b est décalée de  $+\frac{\pi}{2}$  par rapport à la bobine a :  $M_{bR} = M_0 \cos(\theta_R + \frac{\pi}{2}) = -M_0 \sin(\theta_R)$

$$\boxed{M_{bR} = M_0 \sin(\theta_R)}$$



Par définition  $M_{ab} \times i_b(t) = \oint_{\text{bobine a}} (\vec{B}_{b,p=1}) \cdot d\vec{s}_a$

$$= \iint_{\text{bobine}} B_b \vec{e}_r \cdot d\vec{s}_a$$

Sur le schéma ci-contre,  $\vec{B}_b$  est selon  $\vec{e}_y$  et  $d\vec{s}$  selon  $\vec{e}_x$ , mais à tout moment les spires sont perpendiculaires, donc  $\vec{B}_b \cdot d\vec{s}_a = 0$

D'où  $M_{ab} \times i_b(t) = 0$  or  $i_b(t) \neq 0$  pour tout t

Donc  $\boxed{M_{ab} = 0}$

Q31

a)  $W_{\text{magn}} = E_{\text{bobine a}} + E_{\text{bobine b}} + E_{\text{conducteur aller du rotor}} + E_{\text{induite dans a}} + E_{\text{induite dans b}}$

$$= \frac{1}{2} L_s i_a^2(t) + \frac{1}{2} L_s i_b^2(t) + \frac{1}{2} L_r I_R^2 + M_{aR} i_a(t) I_R + M_{bR} i_b(t) I_R$$

$$\boxed{W_{\text{magn}} = \frac{1}{2} L_s (i_a^2(t) + i_b^2(t)) + \frac{1}{2} L_r I_R^2 + M_0 I_R (i_a \cos \theta_R + i_b \sin \theta_R)}$$

$$b) \vec{\Gamma}_{em} = \left( \frac{\partial W_{mag}}{\partial \theta_R} \right) \vec{e}_z$$

$$= M_0 I_R (-ia \sin \theta_R + ib \cos \theta_R) \vec{e}_z$$

$$= M_0 I_R (-I_{eff} \sqrt{2} \cos(\omega_s t) \sin(\theta_R) + I_{eff} \sqrt{2} \sin(\omega_s t) \cos(\theta_R)) \vec{e}_z$$

$$\vec{\Gamma}_{em} = M_0 I_R I_{eff} \sqrt{2} \sin(\omega_s t - \theta_R) \vec{e}_z$$

Q4: La condition de synchronisme est:  $\Omega = \Omega_1 = \omega_s$

on sait que  $\theta_R(t) = \Omega t + \theta_0$

on veut que  $\langle \Gamma_{em} \rangle \neq 0$

$$\text{or } \langle \Gamma_{em} \rangle = M_0 I_R I_{eff} \sqrt{2} \langle \sin(\omega_s t - \theta_R) \rangle$$

$$= M_0 I_R I_{eff} \sqrt{2} \langle \sin(\omega_s t - \underbrace{\theta_R}_{=\omega_s t} - \theta_0) \rangle$$

$$\langle \Gamma_{em} \rangle = -M_0 I_R I_{eff} \sqrt{2} \sin(\theta_0) \neq 0$$

Q5: le couple  $\Gamma_{em}$  est maximum lorsque  $-\sin(\theta_0)$  est maximum

$$\text{Donc } \theta_0 = -\frac{\pi}{2} + k\pi \text{ avec } k \in \mathbb{Z}$$

$$\Delta \text{ d'où } 0 < \theta_0 < 2\pi$$

$$\text{Ainsi: } \Gamma_{em \text{ max}} = M_0 I_R I_{eff} \sqrt{2}$$

Q6) La nouvelle condition de synchronisme est  $\Omega = \frac{\omega_s}{p} = \Omega_p$

$$\text{ainsi: } \langle \Gamma_{em,p} \rangle = -p M_0 I_R I_{eff} \sqrt{2} \sin(\theta_0)$$

Q7: Grâce à une machine à plusieurs paires de pôles, on divise  $\omega$  la vitesse de rotation par  $p \geq 1$  donc on réduit la vitesse et on multiplie  $\Gamma_{em}$  le couple par  $p \geq 1$  ce qui remplit la tâche du réducteur B qui est de réduire la vitesse et d'augmenter le couple.

$$\Omega = 90 \text{ tour} \cdot \text{min}^{-1} = 90 \times \frac{2\pi}{60} \text{ rad} \cdot \text{s}^{-1}$$

$$\text{or } \omega_s = 10\Omega = 15 \times 2\pi$$

$$\text{Donc } f = \frac{\omega_s}{2\pi} = 15 \text{ Hz}$$

une fréquence d'alimentation est 15 Hz.

# TD 28: Groupe 1°

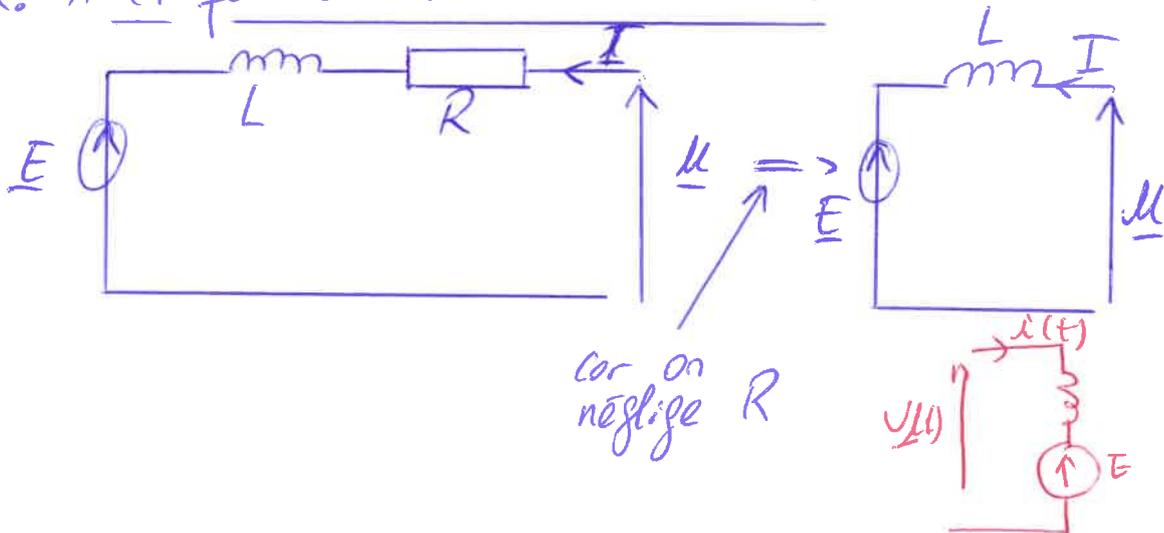
## Ex II:

1. En régime permanent,

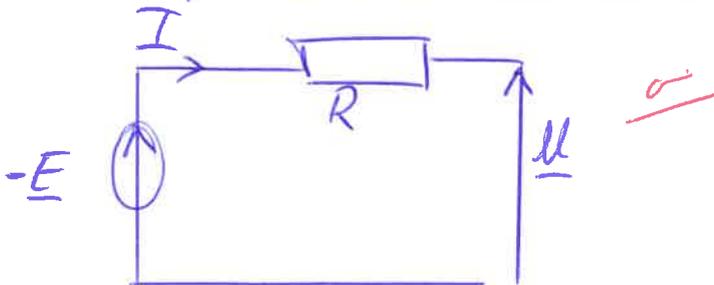
on a  $\Omega = \omega$  ✓

Car pour une machine synchrone, la vitesse de rotation est égale à la pulsation des courants du stator ✓

2. \* en fonctionnement moteur : récepteur "actif"



\* en fonctionnement alternateur



3.  $\Phi$

3.  $\Phi$  correspond au flux magnétique créé par le rotor (en rotation) dans un circuit du stator

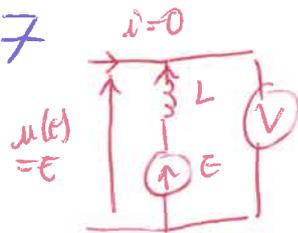
$\Phi$  dépend du courant d'excitation rotorique.

$\Phi = \text{constante du moteur}$  ✓

~~4. On a,  $E = \Phi \Omega \Rightarrow \Phi = \frac{E}{\Omega}$~~

~~AN:  $\Phi = \frac{6,0 \cdot 10^3 \cdot 2\pi}{60 \cdot 120\sqrt{2}} = 3,7$~~

~~faits un schéma! en circuit ouvert~~



4. On a,  $E = \Phi \Omega \Rightarrow \Phi = \frac{E}{\Omega}$

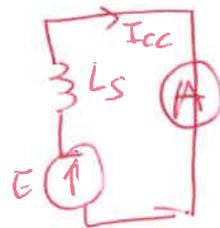
AN:  $\Phi = \frac{60 \cdot 120\sqrt{2}}{6,0 \cdot 10^3 \cdot 2\pi} = \underline{\underline{0,27 \text{ Vs}}}$

$\Omega = 6000 \text{ tor/min}$   
 $= \frac{6000 \times 2\pi}{60} = 200 \pi \text{ rad}\cdot\text{s}^{-1}$

faits un schéma!

5.  $\Phi$  est le flux propre des enroulements du rotor, lors,

$\Phi = \sqrt{2} L I_{cc} \Rightarrow L = \frac{\Phi}{\sqrt{2} I_{cc}}$

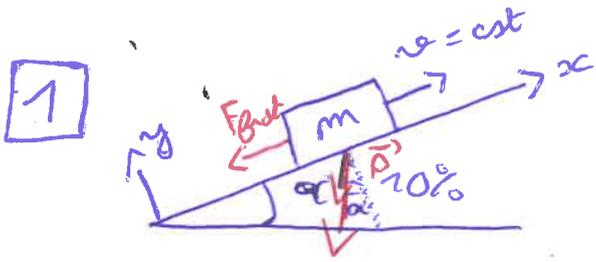


$E_{\text{eff}} = L_s \omega I_{cc, \text{eff}}$

AN:  $L = \frac{0,27}{\sqrt{2} \cdot 120} = \underline{\underline{1,6 \cdot 10^{-3} \text{ H}}}$

$L_s = \frac{E_{\text{eff}}}{I_{cc, \text{eff}} \omega}$   
 $= \frac{120}{120 \times 200 \pi}$

# TD28 Exco 3 Ques 5



$$\vec{P} = -\cos\alpha \, mg \, \vec{z}_g - \sin\alpha \, mg \, \vec{y}_g$$

et  $\alpha = 10\% = 5,7^\circ = 9,9 \times 10^{-2} \text{ rad}$

$\hookrightarrow \tan\alpha = \frac{10}{100} = 0,1 \approx \sin\alpha$

par le théorème de l'énergie cinétique on a :

$$\frac{dE_c}{dt} = \sum P_{ext \rightarrow \text{voiture}} = P_{moteur} + P_{frottement} + P_{poids}$$

or comme  $v = cst$   $\frac{dE_c}{dt} = 0$

et  $P_{poids} = \vec{P} \cdot \vec{v} = -mgv \sin\alpha$

$50 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1} = \frac{50 \times 10^3}{3600}$

Ainsi  $P_{moteur} = -P_{poids} - P_{frottement}$

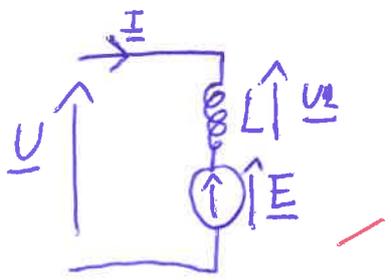
$= mgv \sin\alpha + 3 \text{ kW}$

$= 800 \times 9,81 \times \frac{50}{3,6} \times \sin(9,9 \times 10^{-2}) + 3 \times 10^3$

AN:  $P_{moteur} = 14,3 \text{ kW}$   
 $= 15 \text{ kW}$

## 2

a)



expression numérique!

$$I = \frac{15 \times 10^3}{0,19 \times 6 \times 10^3 \times 2\pi \cos(\pi/3) \times 60}$$

$= 25,1 \text{ A}$  autotal  
 soit 12,5 A par phase.

b) notons  $E_{eff} = \Phi \Omega_m$

en régime permanent

$P_{meca} = P_{ind} = P_{em}$

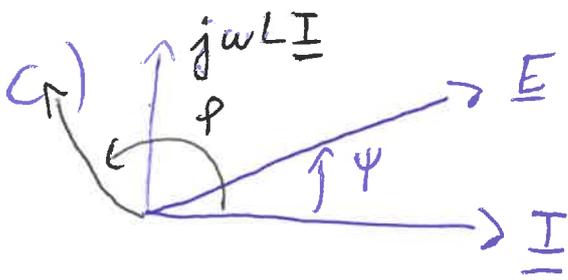
or  $P_{em} = E_{eff} I_{eff} \cos(\varphi)$

$P_{em} = \Phi \Omega_m \cos(\varphi) I_{eff}$

$I = 2,76 \text{ A}$

d'où

$$I_{eff} = \frac{P_{em}}{\Phi \Omega_m \cos(\varphi)}$$



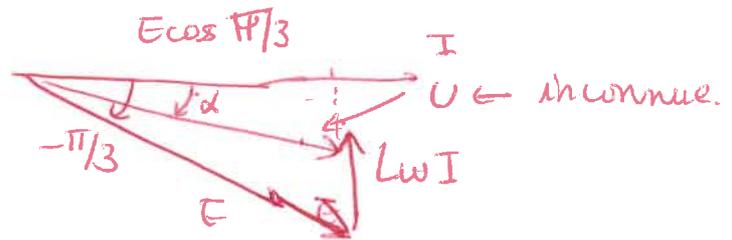
ou  $\underline{U} = j\omega L \underline{I} + \underline{E}$   
 d'où  $U_{eff} = \cancel{\Omega L I_{eff}} + \cancel{\frac{1}{\sqrt{2}} \phi \Omega m}$

$$U_{eff} = 11\,139\text{ V}$$

$$\arg(\underline{U}) = \frac{\pi}{2} + \psi = \frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{3} = \frac{\pi}{6}$$

$$3) \eta = \frac{P_{utile}}{P_{générateur}} = \frac{\frac{6000 \times 60}{2\pi} \times 23}{U_{eff} I_{eff}} = \frac{6000 \times 60 \times 23}{11\,139 \times 2,76}$$

$$\Delta \psi = -\pi/3$$



$$\begin{cases} E \cos \pi/3 = U \cos d \\ E \sin \pi/3 = L\omega I + U \sin d \end{cases}$$

ou Pythagore  $U^2 = [E \cos(\pi/3)]^2 + [E \sin \pi/3 - L\omega I]^2$   
 $= \left(120 \times \frac{1}{2}\right)^2 + \left(120 \times \frac{\sqrt{3}}{2} - 1,6 \cdot 10^{-3} \times 200\pi \times 12\right)^2$

$$\cos d = \frac{E \cos \psi}{U} = 0,93 \quad \boxed{U = 64\text{ V}} \quad \boxed{\psi = -22^\circ}$$

3.  $C_{utile} = 23\text{ N}\cdot\text{m}$   $P_{utile} = C\omega = 23 \times 200\pi = 14,4\text{ kW}$

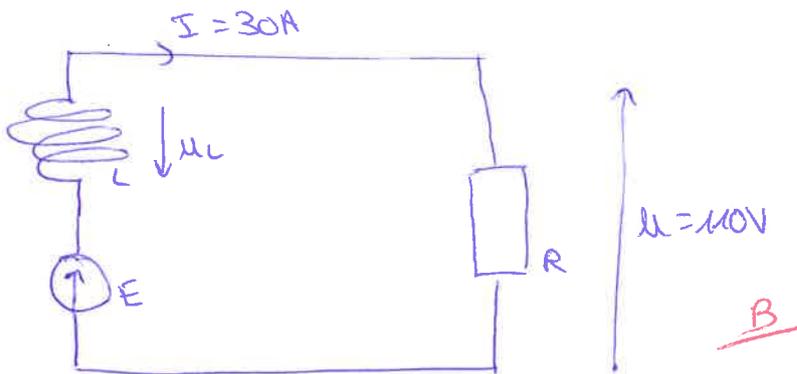
$$P_{1\text{ phase}} = U_{eff} I_{eff} \cos d = 15\text{ kW}$$

$$P_{em} = 2 P_{1\text{ phase}} = P_{frott} + P_{utile}$$

$$\text{rendement} = \frac{P_{utile}}{P_{moteur}} = \frac{14,4}{30} \approx 50\%$$

- 1) Monophasé signifie que l'alternateur ne produit qu'une seule tension (une phase). ✓
- 2) La vitesse de rotation du rotor est égale à la fréquence de la tension si le rotor n'a qu'une seule paire de pôle :  

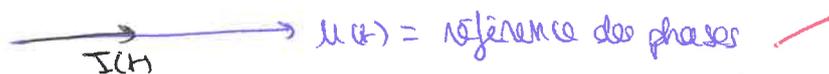
$$\omega = f = 50 \text{ tr} \cdot \text{s}^{-1} = 3000 \text{ tr} \cdot \text{min}^{-1}$$
 ✓
- 3) Si le rotor comporte 4 paires de pôles, il a une vitesse de rotation de  $750 \text{ tr} \cdot \text{min}^{-1}$  pour la même fréquence.  
 L'intérêt de multiplier les paires de pôles est d'avoir une vitesse de rotation plus faible pour la même fréquence. B
- 3)  $E$  est proportionnel à la vitesse de rotation et au nombre de spire ✓
- 4) schéma électrique de l'alternateur :  
 (on néglige la résistance du stator)



5) Loi d'Ohm :  $U = RI$   

$$\Rightarrow R = \frac{U}{I} = \frac{110}{30} = 3,7 \Omega$$
 ✓

La résistance est résistive donc il n'y a pas de réactance.  $U$  et  $I$  sont en phase. ✓

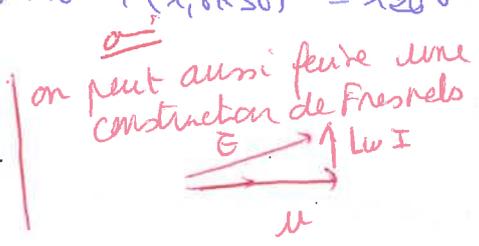


6) on a  $u = E - u_c$  donc  $E = u + L \frac{di}{dt}$

donc  $E = u + j\omega LI = u + jX I$

ainsi la valeur efficace est :  $E = \sqrt{u^2 + (X I)^2}$   
 $= \sqrt{110^2 + (1,6 \times 30)^2} = 120 \text{ V}$

7) on a  $E = 120 \text{ V}$   
 $\Rightarrow i = \frac{E}{Z} = \frac{120}{120} = 1 \text{ A}$



8)  $P = U \times I = 110 \times 30 = 3300 \text{ W}$

9)  $P_{\text{pertes}} = 450 \text{ W} = R_{\text{alt}} I^2$   
 $\Rightarrow R_{\text{alt}} = \frac{450}{30^2} = 0,5 \Omega$  ) effectivement très faible.

$\eta = \frac{P}{P_{\text{tot}}} = \frac{P}{P + P_{\text{pertes}}} = \frac{3300}{3300 + 450} = 0,88$  B

10)  $f = 50 \text{ Hz} \iff 750 \text{ tr. min}^{-1}$   
 $f' \iff 500 \text{ tr. min}^{-1}$

donc  $f' = 50 \times \frac{500}{750} = 33,3 \text{ Hz}$

de même,  $E' = 120 \times \frac{500}{750} = 80 \text{ V}$

$X' = 1,6 \times \frac{500}{750} = 1,07 \Omega$

alors  $E'^2 = U'^2 + (X' I')^2 = I'^2 (R^2 + X'^2)$

donc  $I' = \frac{E'}{\sqrt{R^2 + X'^2}} = \frac{80}{\sqrt{3,7^2 + 1,07^2}} = 20,8 \text{ A}$  B

et  $U' = R I' = 3,7 \times 20,8 = 77 \text{ V}$  B

TD 28, Exercice 5, Groupe 11

Q1 on a me relation sur le fem  $E$ :  $E = k I_e$

Pour que cette relation existe, il faut que  $E \neq 0$

$$or E = - \frac{d\phi(\vec{B}_{rotor} \rightarrow \vec{S}_{stator})}{dt}$$

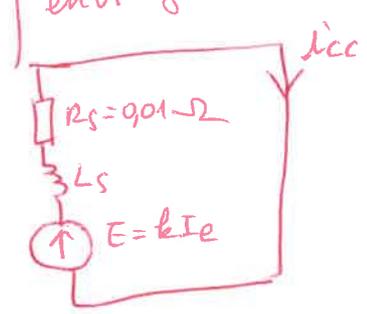
$$or \phi(\vec{B}_{rotor} \rightarrow \vec{S}_{stator}) = N_s \vec{B}_R \cdot \vec{S}$$

sin, il faut que  $\alpha = (\vec{B}_e, \vec{B}_s)$  vérifie:

$$\alpha \in [0; \frac{\pi}{2} [ \cup ] \frac{\pi}{2}; \pi [$$

valable à condition que le noyau ne soit pas saturé.

fautes de polarité de la situation envisagée



Q2 On a  $S = U I_{eff}$

$$d'où I_{eff} = \frac{S}{U_{eff}} = \frac{65 \times 10^6}{10^4} = 6,5 \times 10^3 A$$

~~ici  $I_{eff} = I_{eff}$~~   
~~or,  $I$  est un courant induit efficace,~~

~~$$Mors i_{ind} = I \times \sqrt{2} = 6,5 \times 10^3 \times \sqrt{2} = 9192 A$$~~

or  $I_{ceff} = 300 I_e$  donc  $I_e = \frac{6,5 \times 10^3}{300} = 21,7 A$

Q3  $E = k I_e = 290 \times 21,7 = 6293 V = 6,28 kV$

~~$$I_{cc} = 300 I_e = 300 \times 21,7 = 6510 A$$~~

ici en est en court-circuit  $I_{cc}$  n'a pas la valeur de la question suivante.

d'où  $E = X I_{cc} \Leftrightarrow X = \frac{E}{I_{cc}} \approx 997 \Omega$

$$e(t) = j L \omega i_{cc} + R_s i_{cc}$$

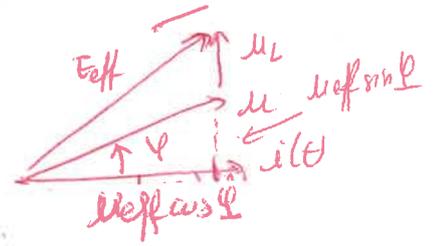
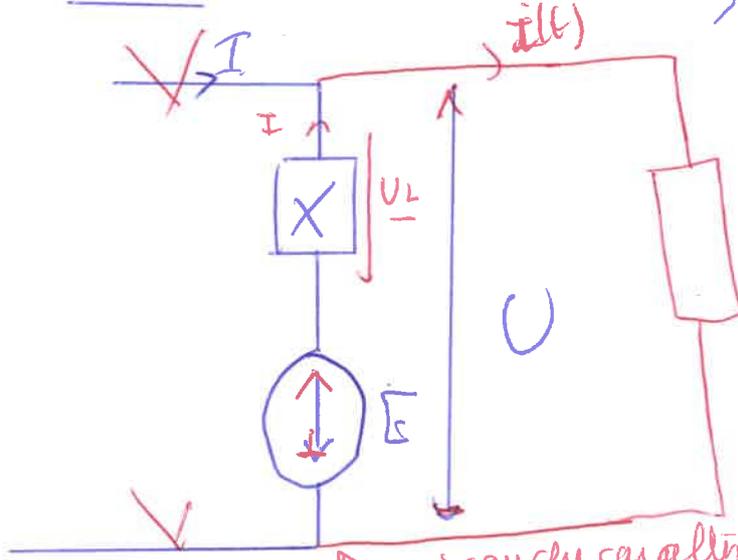
$$E_{eff}^2 = [(L\omega)^2 + R_s^2] I_{ceff}^2$$

$$X = L\omega = \sqrt{\left(\frac{E_{eff}}{I_{ceff}}\right)^2 - R_s^2} = \sqrt{\left(\frac{6,28 \cdot 10^3}{6,5 \cdot 10^3}\right)^2 - 901^2} = 997 \Omega$$



$I_e = 44 \text{ A}$  donc  $E_{eff} = 290 \times 44 = 12,8 \text{ kV}$

Q4) On a  $X \gg R$ , donc on néglige la résistance



récepteur = charge inductive.  $i(t)$  est en avance  $i(t)$

$u(t) = E - jX i(t)$   $u_L(t)$   
 $E(t) = u(t) + jX i(t)$

à gauche caractéristique = récepteur.

$E^2 = (U_{eff} \cos \varphi)^2 + (U_L + U_{eff} \sin \varphi)^2$

Q5) D'après les lois des mailles :

~~$U = E - XI$~~

il existe un déphasage entre  $i(t)$  et  $u(t)$

$\cos \varphi = 0,9$

$\sin \varphi = \sqrt{1 - 0,9^2} = 0,43$

d'où  $I = \frac{E - U}{X} = \frac{290 \times 44 - 10^4}{0,99} = 2845 \text{ A}$

on cherche  $I_{eff} = \frac{U_L}{X} \rightarrow$  déterminer  $U_L = \sqrt{E^2 - (U_{eff} \cos \varphi)^2} - U_{eff} \sin \varphi$

Q6) Par définition :

$U_L = 4,74 \text{ kV} = \sqrt{12760^2 - (10^4 \times 0,9)^2} - 10^4 \times 0,43$   
 $I_{eff} = 4,9 \text{ kA}$

$P = U \times I \times \cos \varphi = 10^4 \times 2845 \times 0,9 = 256 \text{ MW}$   
 $44,1 \text{ MW}$

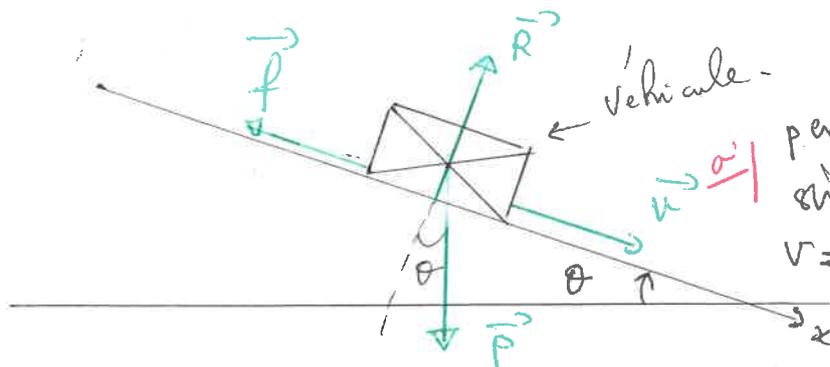
Or comme on a une machine diphasée :

$P_{tot} = 2 \times 44,1 \text{ MW} = 88,2 \text{ MW}$

alors  $\eta = \frac{P_{tot}}{P_{tot} + P} = \frac{2 \times 44,1}{2 \times 44,1 + 2,4} = 0,97$



1)



pente 10% donc  
 $\sin \theta = 0,10$   
 $v = 50 \text{ km/h} = 13,9 \text{ m/s}$

• système {vehicule} de masse  $m = 800 \text{ kg}$  soumis à la réaction de la piste  $\vec{R}$ , au poids  $\vec{P}$ , aux frottements  $\vec{f}$  et la force du moteur.  
 ✓ poids

$$P_{\text{freinage}} = \vec{P} \cdot \vec{v} - P_{\text{frottements}}$$

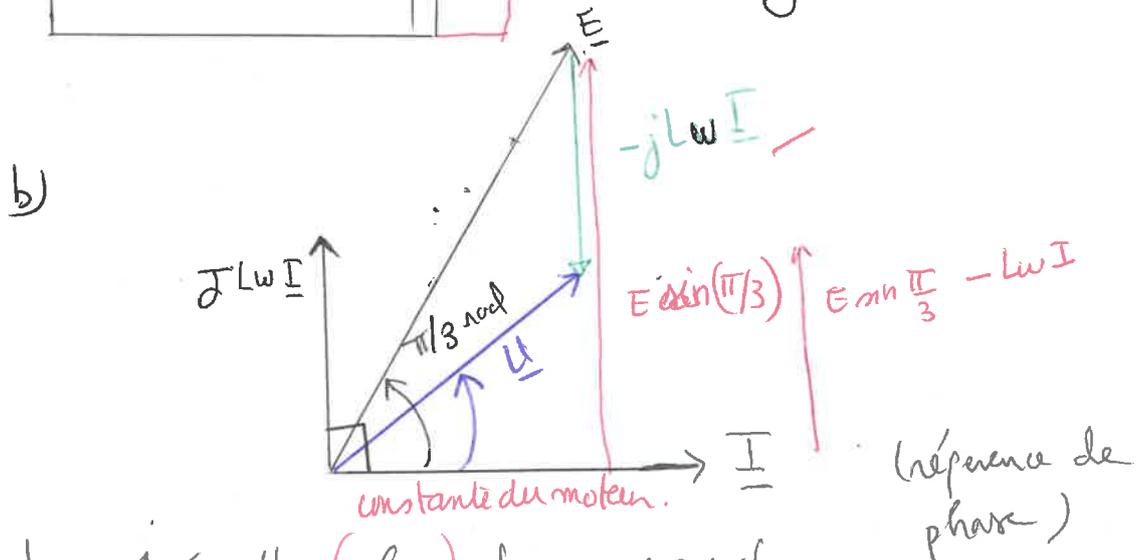
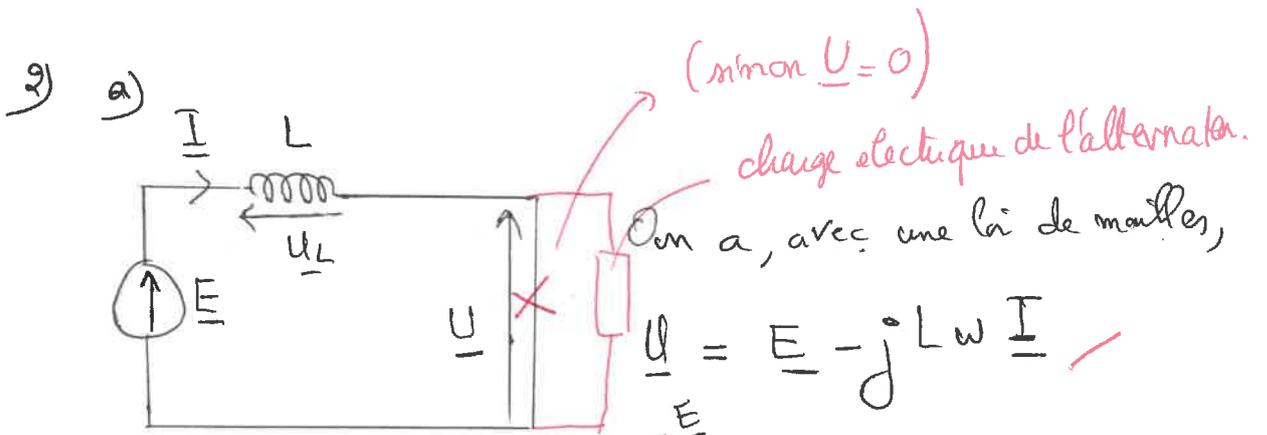
projection suivant  $x$  :

$$\begin{aligned} P_{\text{freinage}} &= P \cdot v - P_{\text{frottements}} \\ &= mg \sin \theta \times v - P_{\text{frottements}} \end{aligned}$$

$$\text{AN: } P_{\text{freinage}} = (800 \times 9,81 \times 13,9 \times 0,10) \cdot 10^{-3} = 3$$

$$P_{\text{freinage}} = 7,9 \text{ kW} \approx 8 \text{ kW} > 0 \text{ ou}$$

→ La machine fonctionne en alternateur car elle récupère l'énergie. B



$$L = 1,6 \text{ mH}, \quad (\text{Flux}) \quad \phi = 0,19 \text{ Wb}$$

$$\text{vitesse} : 6000 \text{ tr/min}$$

$$\text{Donc } \omega = \frac{2\pi \times 6000}{60} = 628 \text{ rad}\cdot\text{s}^{-1}$$

• Puissance électromotrice

$$E = \omega \phi = 628 \times 0,19 = \underline{119 \text{ V}}$$

• Puissance en diphasé

$$P = 2 E I \cos\left(\frac{\pi}{3}\right) \quad \text{donc } \boxed{I = \frac{P}{2 E \cos\left(\frac{\pi}{3}\right)}}$$

$$\text{AN: } I = \frac{8000}{2 \times 119 \times \cos(60^\circ)} = \frac{8000}{2 \times 119 \times \frac{1}{2}}$$

$$\boxed{I = 67 \text{ A}} \quad \underline{B}$$

c) lois des cosinus sur le triangle  $\underline{U} \underline{E} \omega L \underline{I}$ :

$$\begin{aligned} U^2 &= E^2 + (\omega L I)^2 - 2 E (\omega L I) \cos(60^\circ) \\ &= 119^2 + (628 \times 1,6 \times 10^{-3})^2 - 2 \times 119 \times (628 \times 1,6 \cdot 10^{-3} \times 67) \times \frac{1}{2} \end{aligned}$$

$$U^2 = 10677 \quad \text{d'où} \quad \underline{U = 103V}$$

Pythagore:

$$\begin{aligned} U^2 &= \left[ E \cos\left(\frac{\pi}{3}\right) \right]^2 + \left( E \sin\left(\frac{\pi}{3}\right) - L \omega I \right)^2 \\ &= \left( 120 \times \frac{1}{2} \right)^2 + \left( 120 \times \frac{\sqrt{3}}{2} - 1,6 \times 10^{-3} \times 628 \times 67 \right)^2 \end{aligned}$$

$$\underline{U = 70V}$$