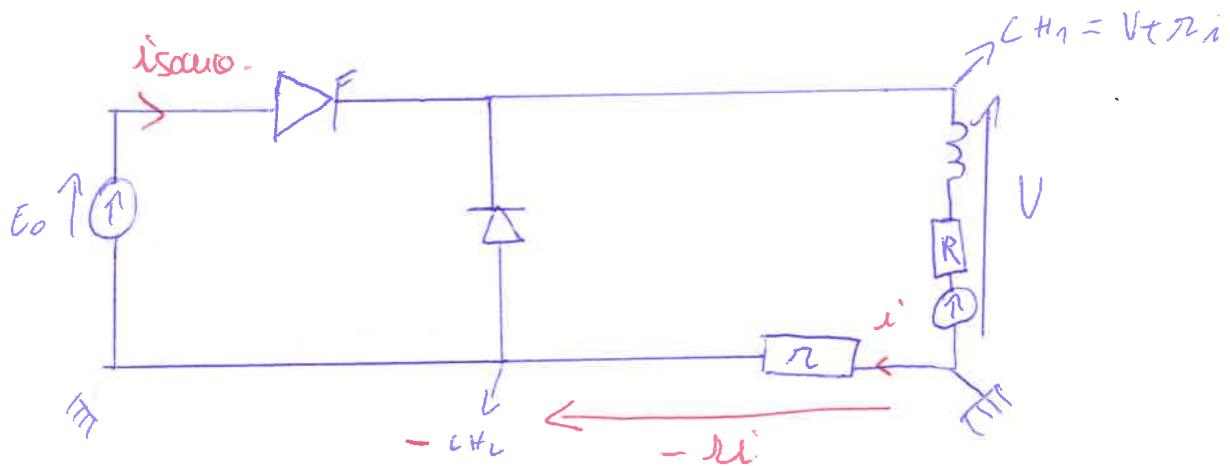
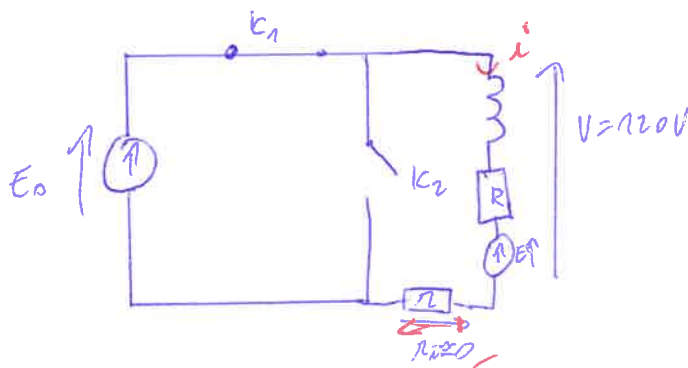


# TD3. ex 1.

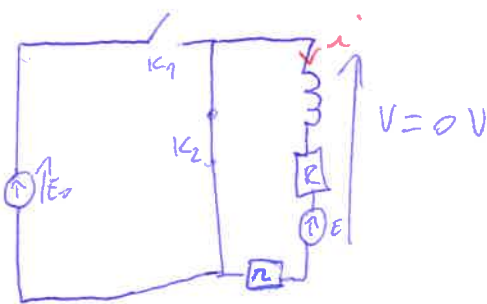
1) le schéma du circuit:



2)  $t \in [0; \alpha]$



$t \in [\alpha; T]$



$$\begin{cases} \forall t \in [0; \alpha T], E_0 = L \frac{di}{dt} + (R+r)i + E \\ \forall t \in [\alpha T; T], -E = L \frac{di}{dt} + (R+r)i + E \end{cases}$$

on a:

$$4) \frac{di}{dt} + \frac{R+r}{L} i = \frac{E_0 - E}{L} \Leftrightarrow \frac{di}{dt} + \frac{1}{\tau} i = \frac{E_0 - E}{L} \text{ avec } \tau = \frac{L}{R+r}$$

Mais on voit que  $i$  est affine par morceaux. On déduit que  $\tau \gg T$

$$\text{d'où } \frac{di}{dt} = \frac{E_0 - E}{L} \Leftrightarrow \frac{\Delta I}{\alpha T} = \frac{E_0 - E}{L} \Leftrightarrow \Delta I = \frac{E_0 - E}{L} \alpha T$$

5) a)  $V = E_0 - r i \simeq \boxed{E_0 = 120V}$  pour  $t \in [0, \alpha T]$

b) On voit que  $\alpha = \frac{2}{5} = 0,4$  — 2 canaux dans l'état haut 5 canaux de période.

$$c) \langle u \rangle = \alpha E_0 = E + (R+r) \underbrace{\langle i \rangle}_{=0}$$

$$\Rightarrow E = \alpha E_0 = 0,4 \times 120$$

$$\boxed{E = 48V} \quad /$$

$$d) V = \bar{E} + (R+r) \bar{i} + L \frac{di}{dt} \simeq \bar{E} + L \frac{\Delta I}{\Delta T} \simeq \bar{E}_0$$

$$\Rightarrow \bar{E} \simeq \bar{E}_0 - \frac{\Delta I}{\Delta T} L = 120 - \frac{0,2}{0,4 \times 50 \times 10^{-6}}$$

$$\Rightarrow L = (\bar{E} - \bar{E}_0) \frac{\Delta T}{\Delta I}$$

$$\Rightarrow L = (120 - 48) \times \frac{0,4 \times 50 \times 10^{-6}}{0,2}$$

$$\boxed{L = 7,2 \text{ mH}} \quad /$$

grandeurs non identifiées!

$$6) P_{\text{moy}} = \langle E_0 i_s \rangle = E_0 \frac{I_M + I_m}{2} = E_0 \langle i_{\text{source}} \rangle$$

*|| dissipation puissance.*

$$P_{\text{ch, moy}} = \langle V i \rangle = \alpha E_0 \frac{I_M + I_m}{2} = \alpha P_{\text{moy}}$$

$$\text{avec } \langle i \rangle = \frac{I_M + I_m}{2} \quad \text{et } \langle E_0 \rangle = \alpha E_0$$

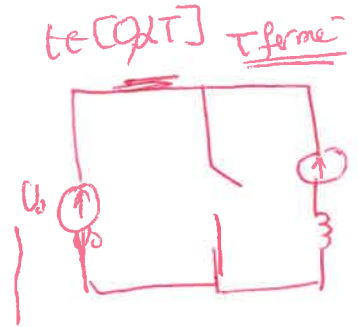
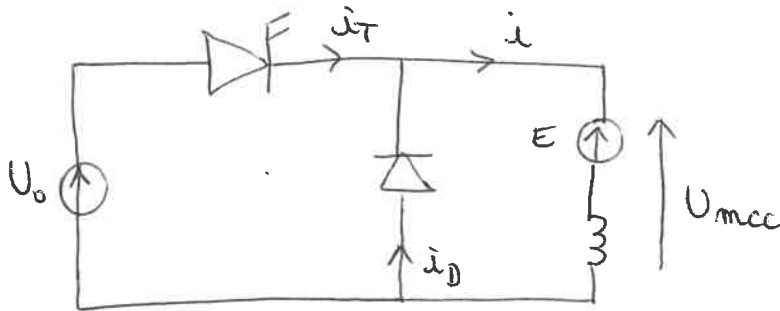
$$\langle i_{\text{source}} \rangle = \frac{P_{\text{charge}}}{E_0} = \frac{3000}{120} = \underline{\underline{25A}} \quad \leftarrow \text{donnée de l'énoncé}$$

⊙

1) \* Pour monter le véhicule a besoin de plus de puissance que à plat, or la puissance est proportionnelle à l'intensité moyenne.

Comme celle-ci est plus grande sur le chronogramme 2, il correspond à la montée - B

puissance méca =  $C \cdot \Omega$   
 et  $C = \Phi_0 \cdot I$

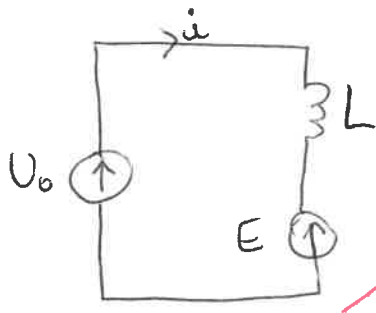


\* On reconnaît que les chronogrammes correspondent à la charge donc c'est  $i_T$ , le courant traversant le transistor qui est représenté.

\*  $T_R = 5 \text{ ms}$  donc  $f_h = 0,2 \times 10^3 \text{ Hz} = \boxed{200 \text{ Hz}}$

\*  $\alpha \approx \frac{4}{5} = 0,8$  graphiquement.

2) Sur  $[0, \alpha T_R]$ :

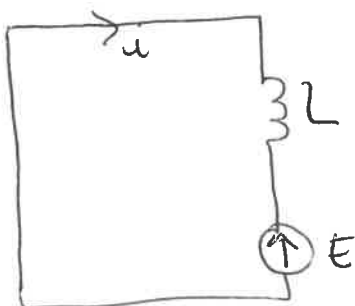


Loi des mailles:  $U_0 = E + L \frac{di}{dt}$

$\frac{di}{dt} = \frac{U_0 - E}{L} = \frac{\Delta i}{\alpha T_R}$

donc  $\Delta i = \frac{(U_0 - E) \alpha T_R}{L}$

3) Sur  $[\alpha T_R, T_R]$ :



$E + L \frac{di}{dt} = 0$

$\frac{di}{dt} = \frac{-E}{L} = \frac{i(T_R) - i(\alpha T_R)}{T_R - \alpha T_R} = \frac{-\Delta i}{(1 - \alpha) T_R}$

d'où  $\Delta i = \frac{+E (1 - \alpha) T_R}{L}$

$\Delta i = I_{max} - I_{min}$   
 est toujours positif  
 ici  $i(t)$  est  $\downarrow$

$$4) \text{ on a } \Delta i = + \frac{E(1-\alpha)T_h}{L} = \frac{(U_0 - E)\alpha T_h}{L}$$

$$\text{donc } +E(1-\alpha) = (U_0 - E)\alpha$$

$$\text{d'où } \alpha U_0 = E(2\alpha - 1)$$

$$E = \frac{\alpha U_0}{2\alpha - 1}$$

$$\text{or } E = \phi \Omega_m$$

$$\text{et pour } E = 276 \text{ V}, \Omega = 3000 \text{ tr/min}$$

$$\text{donc } \phi = \frac{276}{3000}$$

$$\text{donc } \Omega_m = \frac{\alpha U_0}{(2\alpha - 1)\phi} = \frac{0,8 \times 400}{(2 \times 0,8 - 1) \times \frac{276}{3000}}$$

$$\Omega_m = 579 \text{ tr/min} \quad 3478 \text{ tr} \cdot \text{min}^{-1}$$

\*  $\Omega_m$  est maximale quand  $2\alpha - 1 \rightarrow 0$  donc pour  $\alpha \rightarrow \frac{1}{2}$   
 $\Omega_{\text{max}} = 4350 \text{ tr} \cdot \text{min}^{-1}$

$$5) \Delta i = \frac{(U_0 - E)\alpha T_h}{L} \quad \text{or } E = \frac{\alpha U_0}{2\alpha - 1}$$

$$\text{donc } \Delta i = \frac{U_0 \left(1 - \frac{\alpha}{2\alpha - 1}\right) \alpha T_h}{L} = \frac{U_0 \left(\frac{\alpha - 1}{2\alpha - 1}\right) \alpha T_h}{L}$$

$$\text{d'où } \Delta i = \frac{U_0 (\alpha - 1) \alpha T_h}{(2\alpha - 1)L} \quad \Delta i = \frac{\alpha(1-\alpha)TU_0}{L}$$

$$\text{donc } L = \frac{-U_0 (\alpha - 1) \alpha T_h}{(2\alpha - 1)\Delta i} \quad \text{or } \Delta i = 61 - 50 = 126 - 115 = 11 \text{ A}$$

$$\text{donc } L = \frac{400 \cdot (0,8 - 1) \cdot 0,8 \times 5 \times 10^{-3}}{(2 \times 0,8 - 1) \times 11}$$

$$L = -0,048 \text{ H}$$

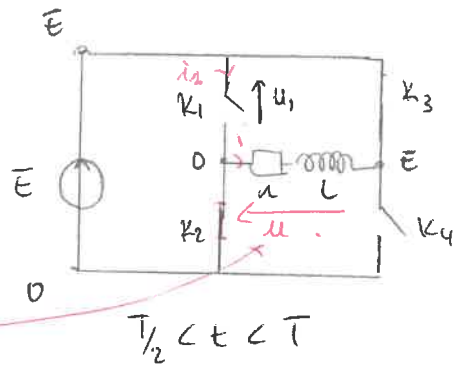
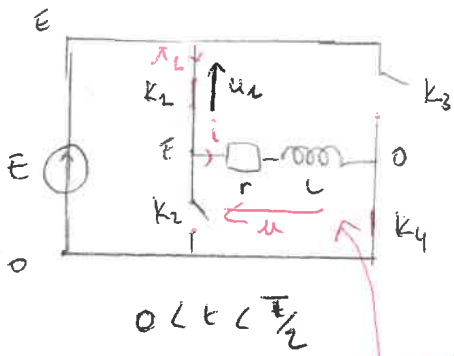
Oh!

L ne peut être négative!!

$$L = 29 \text{ mH}$$

Ne laissez pas un résultat absurde sans commentaire

Exercice 3



a)

pour  $0 < t < T/2$  :  $u = E$

pour  $T/2 < t < T$  :  $u = -E$

*à classer !*

$u = Ri + L \frac{di}{dt}$  on suppose que  $r$  négligeable

$u = L \frac{di}{dt}$  . Pour  $0 < t < T/2$  ,  $u = E \Rightarrow \frac{E}{L} = \frac{di}{dt} > 0 \Rightarrow i(t)$  croissante

Pour  $T/2 < t < T$  :  $u = -E \Rightarrow \frac{di}{dt} = -\frac{E}{L} < 0 \Rightarrow i(t)$  décroissante

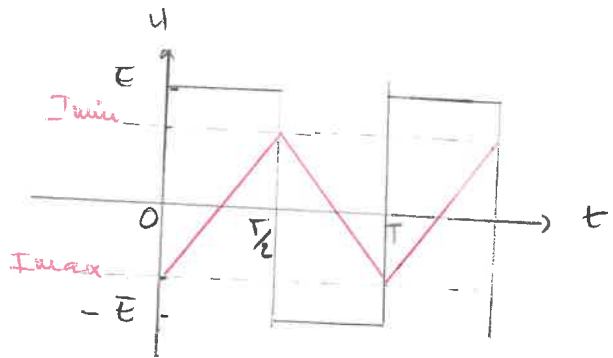
$\langle u(t) \rangle = \langle Ri(t) + L \frac{di}{dt} \rangle$

$0 = \langle u(t) \rangle \Rightarrow \langle i(t) \rangle = 0$

$i(t=0) = I_{min} = i(t=T)$

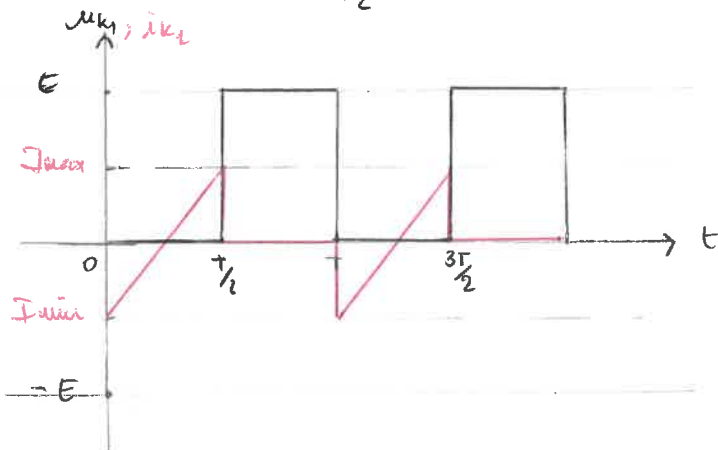
$i(t=T/2) = I_{max}$

$\langle i(t) \rangle = 0 = \frac{I_{max} + I_{min}}{2} \Rightarrow I_{max} = -I_{min}$



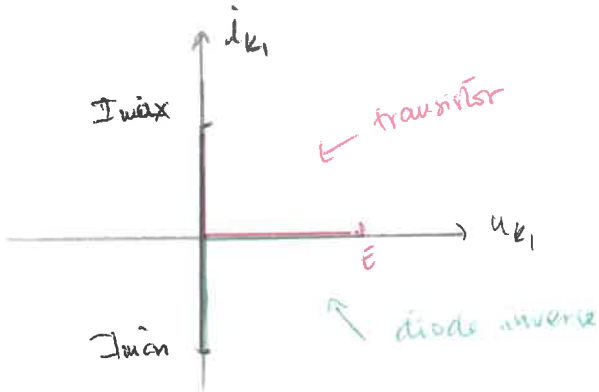
b) Pour  $T/2 < t < T$  ,  $i_2(t) = 0$  :  $u_1(t) = E$  (loi des mailles)

Pour  $0 < t < T/2$  :  $i_2(t) = i(t)$  ,  $u_1(t) = 0$



c)

$k$	$i_{k1}$	$u_{k1}$
$[0, \frac{T}{2}]$	$i(t)$	0
$[\frac{T}{2}, T]$	0	$\bar{E}$



le figure 35 comment :  
 les composants sont en  
 parallèles car pour une même  
 tension, il faut avoir une  
 courant positif (transistor) et  
 une courant négatif (diode inverse)

B